

# PRINCIPI METODOLOGICO-DIDATTICI DELL'APPRENDIMENTO DELLA MATEMATICA E DELLE ALTRE DISCIPLINE

SCHEMA di Umberto Tenuta (EMAIL: [utenuta@alice.it](mailto:utenuta@alice.it))

<http://www.edscuola.it/archivio/didattica/>

## 1. ...PARTENDO DA SITUAZIONI PROBLEMATICHE CONCRETE

*<<Il problema è il primum della ricerca scientifica, ma è anche il primum dell'insegnamento. Il problema è il fondamento della motivazione a ricercare. È il problema che trasforma la scuola da luogo di noia e di pena —dove si danno risposte a domande non poste—in "centro di ricerca">><sup>1</sup>.*

I Programmi della scuola primaria del 1985 prevedevano che l'**alfabetizzazione culturale** deve promuovere <<l'acquisizione di tutti i fondamentali tipi di linguaggio e un primo livello di padronanza dei quadri concettuali, delle abilità, delle modalità di indagine **essenziali alla comprensione del mondo umano, naturale e artificiale**>>.

Tutte le discipline si propongono di promuovere l'acquisizione degli **atteggiamenti**, delle **capacità** e delle **conoscenze** indispensabili ad ogni essere umano per affrontare le situazioni della vita, che, in una civiltà in rapida trasformazione —qual è quella nella quale viviamo—, si fanno ogni giorno di più problematiche. Mentre nelle civiltà statiche del passato poteva bastare l'acquisizione di ben determinati atteggiamenti ed abilità per far fronte a situazioni che restavano sempre identiche, nella civiltà attuale occorre invece poter disporre di atteggiamenti ed abilità che, come precisavano i Programmi didattici del 1985, consentano di <<*pensare il futuro per prevedere, prevenire, progettare, cambiare e verificare*>>.

Anche in tal senso, tutte le discipline devono tendere in particolare a promuovere, più che l'acquisizione di conoscenze, lo sviluppo dei poteri mentali, cioè la <<*formazione del pensiero nei suoi vari aspetti*>><sup>2</sup>.

In effetti, solo favorendo lo sviluppo dell'intelligenza, si attua la formazione della capacità di far fronte alle nuove situazioni, problematiche e non che esse siano.

Poiché lo sviluppo del pensiero si promuove impegnando gli alunni nella soluzione di problemi, i Programmi didattici del 1985 affermavano che l'apprendimento deve essere attuato <<*partendo da situazioni problematiche concrete*>>.

D'altra parte, non si può promuovere la <<*formazione del pensiero nei suoi vari aspetti: di intuizione, di immaginazione, di progettazione, di ipotesi e deduzione, di controllo e quindi di verifica o smentita*>>, se non attraverso l'impegno dell'intelligenza nella risoluzione di situazioni problematiche.

Pertanto, **tutte le attività di apprendimento devono muovere da problemi.**

Come scrive il Ferrari, <<*invece di iniziare la trattazione di un argomento con una serie di definizioni, di teoremi e di corollari, si parte da problemi la cui... risoluzione porta alla scoperta di un concetto o allo sviluppo di una teoria*>><sup>3</sup>.

Come afferma il Correl, <<*alla scuola non importa tanto consolidare forme di reazioni automatiche, quanto di guidare gli scolari al ragionamento. Perciò l'esercitazione deve avvenire in situazioni sempre nuove*>><sup>4</sup>, cioè problematiche.

In tale prospettiva, risulta particolarmente opportuno evidenziare in che cosa consiste un **problema**.

Come scrive il Kanizsa, <<*Un problema sorge quando un essere vivente, motivato a raggiungere una meta, non può farlo in forma automatica o meccanica, cioè mediante un'attività istintiva o attraverso un comportamento appreso*>><sup>5</sup>.

Perché ci sia un problema, debbono verificarsi due condizioni, cioè la presenza di una **motivazione** che spinge a perseguire un fine e l'**indisponibilità** della strategia necessaria per raggiungerlo.

Diciamo, semplicemente, che un problema esiste quando c'è una domanda per la quale non si ha pronta la risposta.

Innanzitutto, deve essere presente una **motivazione**, cioè una spinta ad agire: questa può essere rappresentata da un bisogno fisiologico<sup>6</sup>, ma anche da altri bisogni di natura superiore. Il Bruner privilegia le **motivazioni intrinseche** e, tra queste, soprattutto la **curiosità**. Se i problemi dei fanciulli possono anche nascere dai bisogni della loro vita quotidiana, nella scuola essi dovrebbero nascere soprattutto dalla curiosità, dalla innata curiosità del fanciullo<sup>7</sup>.

<sup>1</sup> ANTISERI D., *Insegnare per problemi*, in: *Insegnamento della matematica e delle scienze integrate*, vol. 8, n. 1, febbraio 1985, p. 12.

<sup>2</sup> Ove non diversamente indicato, le citazioni tra virgolette sono tratte dai Nuovi Programmi didattici della scuola primaria; le sottolineature sono nostre.

<sup>3</sup> FERRARI M., *L'educazione matematica dai 13 ai 18 anni*, in *L'educazione Matematica*, C.R.S.E.M., Cagliari, Suppl. I, 1980, p. 45.

<sup>4</sup> CORREL W., *Introduzione alla psicopedagogia*, Paoline, Roma, 1973, p. 186. In merito, cfr. anche: AEBLI H., *Didattica psicologica*, Giunti-Barbera, Firenze, 1968; AEBLI H., *I principi fondamentali dell'insegnamento*, Giunti-Barbera, Firenze, 1965.

<sup>5</sup> KANIZSA G., *Il "problem-solving" nella psicologia della Gestalt*, in: MOSCONI G., D'URSO V. (a cura di), *La soluzione dei problemi*, GIUNTI-BARBERA, FIRENZE, 1973, p. 35.

<sup>6</sup> In merito, cfr. i bisogni cui fa riferimento il Decroly (HAMAIDE A., *La méthode Decroly*, Delachaux E Niestle, Neuchatel, 1956). Sul piano didattico, a tali bisogni oggi si assegna scarsa importanza.

<sup>7</sup> Sulle motivazioni intrinseche cui fa riferimento il Bruner, cfr.: BRUNER J.S., *Verso una teoria dell'istruzione*, ARMANDO, ROMA, 1967, pp. 79-80. In particolare, sulla **curiosità**, cfr.: HODGKIN R.A., *La curiosità innata*, ARMANDO, ROMA, 1978.

I problemi, dai quali partire nell'apprendimento dei nuovi concetti o nelle esercitazioni indirizzate al loro consolidamento, possono nascere soprattutto dalla **curiosità** dei fanciulli, opportunamente stimolata dagli insegnanti. Si tratta di risvegliare, stimolare, sostenere quello che i Programmi didattici del 1985 chiamano il <<*bisogno di conoscere e di comprendere*>>, bisogno che è innato nel fanciullo, ma che gli adulti molto spesso trascurano e mortificano, impedendogli di esprimersi. Se l'insegnare non consiste nel dare risposte a chi non ha posto domande<sup>8</sup>, ma nell'aiutare gli alunni a cercare le risposte ai loro interrogativi, allora occorre innanzitutto che la scuola, in quanto <<*ambiente di apprendimento*>> più che luogo di insegnamento, favorisca <<*la naturale propensione del fanciullo a porre domande e a cercare risposte*>>: la scolaresca si deve configurare come un insieme di fanciulli che, più che ascoltare lezioni, spiegazioni ecc., pongono domande, alle quali gli insegnanti non danno risposte, ma stimolano e guidano a ricercarle<sup>9</sup>.

Basta far nascere negli alunni un tale atteggiamento nei confronti della realtà, per avere la possibilità di formulare i più diversi problemi.

Di contro ad un certo astrattismo didattico, che fa esclusivo ricorso a problemi prefabbricati, spesso lontani dalla esperienza dei fanciulli<sup>10</sup>, i Programmi didattici del 1985 precisavano che occorre partire da <<*situazioni problematiche concrete*>>.

Come si precisa nell'**INTRODUZIONE** dei Programmi didattici del 1985, l'alfabetizzazione culturale deve essere realizzata <<*partendo dall'orizzonte di esperienze e di interessi del fanciullo*>>.

Ciò significa, innanzitutto, che i problemi debbono nascere dagli **interrogativi** dei fanciulli.

Un problema non esiste quando viene posta una domanda, ma quando questa nasce da un bisogno proprio dal soggetto. Per creare una situazione problematica, non basta porre il quesito sul numero delle uova contenute in tre confezioni da sei, ma occorre che il fanciullo avverta il bisogno di sapere quante sono le uova.

Il problema, riferito alla realtà concreta o inventato, è tale solo quando viene avvertito come proprio dal fanciullo.

In tal senso, non è sufficiente che si muova dalla esperienza concreta dei fanciulli, ma occorre che tale esperienza susciti degli interrogativi, delle domande, dei problemi, configurandosi appunto come una <<*situazione problematica*>>. Afferma il Kanizsa che <<*si è sempre assunta l'esistenza del problema come un dato, come un fatto esistente per se e non richiedente ulteriore comprensione... Ma questa assunzione del problema come dato dal quale partire è arbitraria: il problema non è un dato, un fatto naturale, ma è... un prodotto psicologico. Si converrà senza difficoltà che esiste un problema solo là e quando vi è una mente che vive una certa situazione come problema. Diciamo di più, e più esattamente: vi è problema solo quando la mente crea o determina il problema: vi è problema solo nella dimensione psicologica, non in quella naturale, o oggettiva*>><sup>11</sup>.

Ciò, però, non esclude che i problemi possano anche essere inventati, cioè nascere da una situazione simulata o ludica. Il mondo del fanciullo non è solo quello che cade sotto i suoi sensi, ma anche quello che viene creato dalla sua fantasia: se la maestra racconta che dei sette nani ne sono ritornati solo quattro, per i fanciulli affascinati da tale fiaba, il problema dei nani che debbono ancora rientrare è reale e concreto quanto quello delle sette caramelle di cui quattro sono già nel pancino di uno di loro.

In tal senso, è anche possibile — e didatticamente anche indispensabile — far ricorso alla fantasia, alla simulazione, al gioco: a condizione però che tali situazioni vengano vissute come proprie dai fanciulli. L'attenzione può essere rivolta anche a situazioni che non riguardano direttamente i fanciulli ma che suscitano egualmente il loro desiderio di sapere, la loro curiosità.

Le attività relative alle singole discipline non possono rimanere a sé stanti, ma debbono collegarsi alle altre discipline, in quanto tutte intese a soddisfare il bisogno del fanciullo di <<*possedere unitariamente la cultura che apprende ed elabora*>>. Oggetto della conoscenza è innanzitutto il **mondo umano, naturale e artificiale** che costituisce l'ambiente di vita del fanciullo e che viene assunto come punto di riferimento dei diversi apprendimenti disciplinari.

Ove il mondo umano, naturale ed artificiale non dovesse risultare sufficiente, si possono creare apposite situazioni ludiche. Tuttavia, l'ineludibile esigenza di partire dall'attività <<*manipolatoria e rappresentativa*>> non significa che il fanciullo debba rimanere per sempre legato ad essa. Come precisano i Programmi didattici del 1985, <<*è importante che egli si distacchi, ad un certo punto, dalla manipolazione dei materiali stessi per arrivare ad utilizzare soltanto le relative rappresentazioni mentali*>>.

Nell'apprendimento matematico e, quindi, nella formulazione e nella soluzione dei problemi, un ruolo essenziale è svolto dalla **rappresentazione virtuale e dalla rappresentazione iconica**, le quali consentono la schematizzazione delle situazioni concrete. Afferma il Bruner che <<*la matematica, al pari di qualsiasi altra disciplina, deve cominciare*

<sup>8</sup> Come si afferma nella RELAZIONE FASSINO, <<*L'istruzione non dà risposte senza domande*>> (par. XXVI). Scrive il Laeng che <<*La domanda, in effetto, costituisce formalmente il discepolo: egli è colui che non sa e vuole sapere, e che pone i suoi interrogativi a chi sa, o almeno sa come si può sapere*>> (LAENG M., *L'educazione nella civiltà tecnologica*, Armando, Roma, 1970, p. 100).

<sup>9</sup> Sulla scuola come <<*ambiente educativo e di apprendimento*>>, cfr.: TENUTA U., *L'attività educativa e didattica nella scuola elementare-Come organizzare l'ambiente educativo e di apprendimento*, La Scuola, Brescia, 1989.

<sup>10</sup> Si pensi ai problemi, non solo dei libri di testo, ma anche delle guide didattiche e degli schedari, oggi così diffusi nelle scuole.

<sup>11</sup> KANIZSA G., Op. cit., p. 31.

con l'esperienza: ma il progresso verso l'astrazione richiede assolutamente un continuo allontanamento dalla ovvietà dell'esperienza superficiale>><sup>12</sup>.

Come precisano i Programmi didattici del 1985, l'itinerario didattico dell'apprendimento matematico è caratterizzato dal <<passaggio dall'esperienza alla rappresentazione e quindi alla formalizzazione>>.

La **formalizzazione** costituisce un obiettivo che deve essere tenuto sempre presente, ma che va perseguito con opportuna gradualità, evitando di cadere nel vuoto astrattismo.

Come concludono i Programmi didattici del 1985, <<In definitiva, l'introduzione al pensiero e alla attività matematica deve rivolgersi in primo luogo a costruire, soprattutto là dove essa si manifesta carente, **una larga base esperienziale** di fatti, fenomeni, situazioni e processi, sulla quale poi sviluppare le conoscenze intuitive, i procedimenti e gli algoritmi di calcolo e le più elementari formalizzazioni del pensiero matematico>>.

Dopo la scuola materna, i cui Orientamenti del 1991 dedicano un apposito **CAMPO DI ESPERIENZA** all'attività matematica, la scuola elementare costituisce solo la seconda tappa dell'apprendimento matematico; ad essa ne segue una terza, quella della scuola media, nella quale, pur non dimenticando l'esigenza della concretezza, si può muovere più decisamente verso la formalizzazione.

L'insegnamento/apprendimento della Matematica, realizzato secondo la metodologia del **problem solving**<sup>13</sup>, richiede evidentemente, non solo una nuova organizzazione della scuola, ma anche un nuovo atteggiamento degli insegnanti, i quali, anziché illustrare e spiegare i concetti, debbono promuovere la individuazione delle situazioni problematiche e debbono sostenere e guidare gli alunni nella loro soluzione, senza mai sostituirsi loro.

Un impegno difficile per gli insegnanti di matematica, ai quali si richiede, come loro più grande virtù didattica, di tacere. Scrive il Delessert che l'insegnante deve avere <<soprattutto il coraggio di non dire — e questo è il punto più difficile— tutto ciò che sa sulle questioni trattate>><sup>14</sup>.

Sinteticamente, la nuova impostazione didattica può essere espressa con l'affermazione del Dienes, secondo il quale <<Dovrà essere abolito quasi completamente l'attuale metodo di insegnamento in classe dove l'insegnante pontifica, in posizione di potere centrale, e dovrà essere sostituito con lo studio individuale ed a piccoli gruppi, usando materiale concreto ed istruzioni scritte, con l'insegnante che agisce come guida e consigliere>><sup>15</sup>.

## 2. I PRINCIPI METODOLOGICO-DIDATTICI

<<Non crediamo possibile...fondare un metodo didattico in qualche maniera definitivo, tale cioè che possa dare risultati positivi e costanti in contesti di apprendimento differenziati. Più opportuno ci pare tener conto di alcuni principi generali di carattere metodologico, sia nella fase della progettazione che in quella della realizzazione di un percorso didattico>> (PELLEREY)

### ITINERARIO DI APPRENDIMENTO

<b>RISCOBERTA DEI CONCETTI IN SITUAZIONI PROBLEMATICHE MUOVENDO DAL CONCRETO ALL'ASTRATTO  IN MODO ORGANICO, GRADUALE E CICLICO (A SPIRALE) IN COLLEGAMENTO CON LE ALTRE DISCIPLINE  NEL RISPETTO DEGLI STILI E DEI RITMI PERSONALI DI APPRENDIMENTO ANCHE CON ATTIVITÀ VOLTE A CONSOLIDARE ATTEGGIAMENTI, CAPACITÀ E CONOSCENZE TENENDO SEMPRE SOTTO CONTROLLO LE ATTIVITÀ SVOLTE</b>	<i>A—Principio della riscoperta</i>
	<i>B—Principio della motivazione</i>
	<i>C—Principio dell'operatività concreta, virtuale, iconica e simbolica</i>
	<i>D—Principio di organicità...</i>
	<i>E—Principio di interdisciplinarietà-ologrammaticità</i>
	<i>F—Principio di personalizzazione educativa</i>
	<i>G—Principio dell'esercizio</i>
	<i>H—Principio della verifica</i>

#### A-PRINCIPIO DELLA RISCOBERTA

\*premesse che la matematica è una **costruzione del pensiero**

-ne consegue che essa non può essere appresa **meccanicamente**, come un complesso di formule, di regole, di risultati (ragionamenti già fatti)

<sup>12</sup> BRUNER J.S., *Dopo Dewey*, ARMANDO, ROMA, 1964, p.23.

<sup>13</sup>Sul **Problem solving**, cfr.: MOSCONI G., D'URSO V., Op. cit.; KLEINMUNTZ B. (a cura di), *Problem solving-ricerche, metodi, teorie*, ARMANDO, ROMA, 1976; WERTHEIMER M., *Il pensiero produttivo*, GIUNTI/BARBERA, FIRENZE, 1965.

<sup>14</sup> DELESSERT A., *Alcuni problemi che interessano la formazione degli insegnanti di matematica*, in: SITIA C. (a cura di), *Op. cit.*, p. 367.

<sup>15</sup> DIENES Z.P., *Costruiamo la matematica*, ED. O.S., FIRENZE, 1962, p. 27.

\*imparare matematica significa **apprendere a pensare**, cioè sviluppare le capacità di **intuire, immaginare, progettare, ipotizzare, dedurre, controllare e verificare**, per **ordinare, quantificare e misurare fatti e fenomeni della realtà**

\*poiché **a pensare si impara pensando**, ne consegue che l'insegnante di matematica deve sollecitare, stimolare, promuovere, favorire e guidare le attività che impegnano il pensiero dei fanciulli, **mettendo in moto la loro intelligenza**

\*e poiché l'intelligenza si attiva solo per affrontare **situazioni problematiche**, il metodo dell'apprendimento matematico è soprattutto il **problem solving**, cioè il metodo della **riscoperta**: i concetti matematici non vanno insegnati dal docente, ma **riscoperti, reinventati, ricostruiti** dai singoli alunni, **muovendo da situazioni problematiche**: <<invece di iniziare la trattazione di un argomento con una serie di definizioni, di teoremi e di corollari, si parte da problemi la cui matematizzazione e risoluzione porta alla scoperta di un concetto o allo sviluppo di una teoria>>(M.FERRARI).

## B - PRINCIPIO DELLA PROBLEMATIZZAZIONE

\*<<un problema sorge quando un essere vivente, motivato a raggiungere una meta, non può farlo in forma automatica o meccanica, cioè mediante un'attività istintiva o attraverso un comportamento appreso>> (Kanizsa)

\*ciò comporta che venga seguita una valida metodologia di impostazione e di soluzione dei problemi che essenzialmente preveda i seguenti momenti:

-a) coltivare l'attitudine dei fanciulli a vedere problemi nelle situazioni più varie della realtà, facendo leva soprattutto sulla <<propensione del fanciullo a porre domande e a cercare risposte>>. Non si deve spegnere ma stimolare, sostenere, orientare la naturale curiosità dei fanciulli (i perché dei fanciulli rassomigliano ai perché degli scienziati). Tuttavia, non si esclude che vengano utilizzate anche altre motivazioni (cfr. BRUNER: **bisogno di competenza, di identificazione, di reciprocità**) e che si faccia largo spazio ai **giochi didattici**. Scarsa importanza ha il rinforzo esterno: <<è impossibile credere che possa costantemente sorreggere il lungo processo di apprendimento>>(BRUNER)

-b) stimolare i fanciulli a trovare da soli le strategie per la risoluzione dei problemi attraverso l'**analisi dell'enunciato, la formulazione di ipotesi risolutive, la loro attuazione, la interpretazione e la verifica dei risultati**

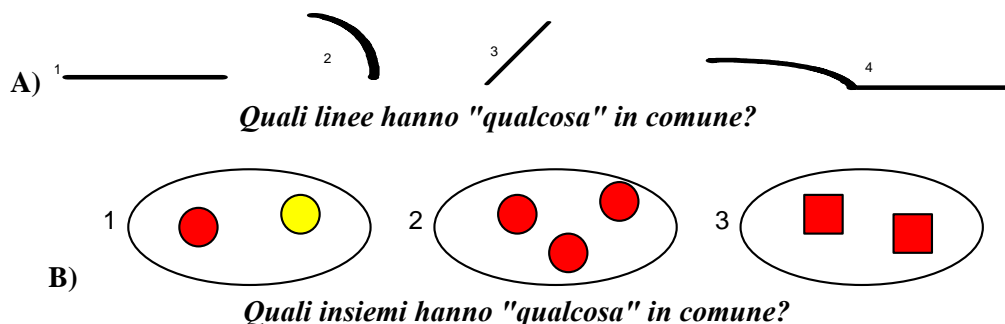
-c) utilizzare la risoluzione dei problemi, sia per la scoperta di nuovi concetti matematici, sia per l'**utilizzazione dei concetti già acquisiti**.

## C - PRINCIPIO DELL'OPERATIVITÀ CONCRETA

\*<<la formazione dei ragazzi ha... come base l'**operatività concreta**; poi da questa si articolerà il successivo passaggio ai processi di **astrazione** e alla capacità di **simbolizzazione** dell'esperienza mediante l'uso di vari linguaggi>>(DIENES). <<La matematica, al pari di qualsiasi altra disciplina, deve cominciare con la esperienza; ma il prosieguo verso l'astrazione richiede assolutamente un continuo allontanamento dall'ovvietà dell'esperienza superficiale>>(BRUNER). <<Tuttavia è importante che egli...>>(vedi testo Programmi didattici del 1985).

\*la matematica è una costruzione di **strutture astratte**. I concetti della matematica non esistono nella realtà fisica, ma vengono "costruiti" dalla mente: il quadrato, il triangolo, i numeri 3 5 6..., l'addizionare ecc. sono costruzioni mentali: **fare matematica significa astrarre**

\*l'astrazione consiste nel **considerare una determinata proprietà, prescindendo da tutte le altre**: cogliere le proprietà, le equivalenze, le somiglianze, per andare dal molteplice all'unificazione del reale:



\*attraverso l'astrazione vengono costruiti i concetti. Questi possono essere rappresentati con dei **simboli**, costituiti da oggetti, gesti, parole, segni:

-le parole "**triangolo**", "**quadrato**", "**sette**", "**diviso**"... sono dei simboli verbali

-i segni aritmetici **9 7 + - =** sono dei simboli specifici del linguaggio matematico.

## D - PRINCIPI DI ORGANICITÀ, DI GRADUALITÀ, DI CICLICITÀ

\*<<occorre evitare di procedere in modo episodico e non ordinato, e tendere invece ad una progressiva organizzazione delle conoscenze>>(Programmi didattici del 1985): superamento di una impostazione didattica frammentaria e affermazione di una didattica che miri a realizzare con opportuna gradualità una organizzazione delle conoscenze

\*ne consegue che, pur escludendo di poter partire da una impostazione sistematica, è necessario mirare ad una organicità che consenta ai fanciulli di conseguire la padronanza dei concetti matematici elementari (fondamentali) che sono di base ai successivi apprendimenti (**insegnamento ciclico o insegnamento a spirale**):

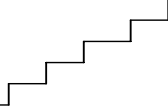




\*collegato al principio di organicità è quello di **gradualità**, in base al quale, nell'insegnamento/apprendimento della matematica, si deve procedere secondo una precisa progressione che deve essere determinata tenendo presente, sia la struttura logica della matematica, sia la struttura psicologica dei singoli alunni (livelli di maturazione e di apprendimento, ritmi e stili di apprendimento...)

\*procedere gradualmente significa procedere per gradi, senza salti: <<natura non facit saltum, gradatim procedit>> (COMENIO); **step by step** (SKINNER)

\*ma la progressione deve essere costruita tenendo presente che <<quello che viene prima è fondamento di quello che viene dopo... Bisogna guardarsi dalla fretta, per non passare alle cose che vengono dopo, senza avere assicurato con la necessaria accuratezza le cose che stanno prima...>> (COMENIO): cfr. MASTERY LEARNING...

\***le cose che stanno prima non sono però quelle più particolari, ma quelle più generali**, perché, come afferma l'AUSUBEL: <<è meno difficile afferrare gli aspetti differenziati di una totalità più comprensiva e precedentemente appresa, che arrivare a formulare la totalità comprensiva sulla base delle sue parti differenziate apprese in precedenza>> ovvero <<l'organizzazione del contenuto di una particolare disciplina, che un individuo ha in mente, consiste in una struttura gerarchica in cui le idee più comprensive stanno sulla sommità della piramide, e progressivamente includono proposizioni, concetti e dati concreti meno comprensivi e più altamente differenziati>> (cfr. ROSMINI)

\*la **gradualità** , più che in senso lineare, va intesa soprattutto in senso **ciclico** , o meglio, a **spirale**: 

## E - PRINCIPIO DI INTERDISCIPLINARITÀ

\*la matematica <<come strumento per interpretare criticamente la realtà e per intervenire consapevolmente su di essa>>(Programmi didattici del 1985): <<una cultura matematica adeguata sembra essere così una delle componenti essenziali dei bisogni educativi dell'uomo d'oggi, ma si tratta di una cultura attiva e non ripetitiva, di una cultura che domina concetti, principi e procedimenti essenziali, per leggere, interpretare, prevedere l'evolversi della realtà fisica e sociale, per decidere e agire in essa>>(PELLEREY)

\*non si può continuare nella pratica di un insegnamento matematico astratto, avulso dalla realtà...

\*pertanto, i singoli temi dell'educazione matematica dovranno essere sviluppati <<**in modo coordinato, approfittando di tutte le occasioni sia per richiamare questioni di tipo matematica sia per collegarli con argomenti di altre discipline**>>

\*in concreto, ciò implica che:

-anche se nei Programmi didattici del 1985, per chiarezza espositiva, i singoli temi dell'Educazione matematica sono presentati separatamente, essi vanno però affrontati, quanto più possibile, in modo collegato, **cogliendo nelle stesse attività gli aspetti aritmetici, geometrici, logici, statistici ecc.**

-i contenuti delle attività matematiche non debbono essere fittizi, avulsi dalle esperienze scolastiche ed extrascolastiche dei fanciulli, **ma tratti, quanto più possibile, dalle altre discipline (scienze, geografia, lingua ecc.)**

-il linguaggio matematico (in particolare quello degli insiemi) deve essere utilizzato nelle altre discipline

-**debbono essere individuate le strutture comuni**, non solo ai vari temi dell'Educazione matematica (ad es., la proprietà associativa vale per l'addizione ma pure per le rotazioni geometriche), ma anche alle altre discipline (ad es., il ritmo nell'Educazione motoria, nell'educazione all'immagine, al suono e alla musica ecc.)

## F - PRINCIPIO DI PERSONALIZZAZIONE EDUCATIVA

\*l'individualizzazione dell'insegnamento si realizza attraverso un'organizzazione didattica --fondata sia sul lavoro collettivo che su quello di gruppo e individuale-- che consenta di differenziare: **a) i tempi e le progressioni di apprendimento; b) le modalità di apprendimento** (offerta di una pluralità di itinerari e di materiali didattici)

\*come afferma il DIENES, <<dovrà essere abolito quasi completamente l'attuale metodo di insegnamento in classe dove l'insegnante pontifica in posizione di potere centrale, e dovrà essere sostituito con lo studio individuale ed a piccoli gruppi, usando materiale concreto e istruzioni scritte, con l'insegnante che agisce come guida e consigliere>>.

## G - PRINCIPIO DELL'ESERCIZIO (CONSOLIDAMENTO DELLE CONOSCENZE)

<<Volgi la mente a quel ch'io ti paleso  
<< E fermalvi entro, che' non fa scienza  
<<Sanza lo ritenere, avere inteso>>

\*l'importanza della padronanza delle conoscenze, sia per gli ulteriori apprendimenti (cfr. la problematica dei **pre-requisiti**, in BLOOM), sia per la loro utilizzazione (cfr. la problematica degli **automatismi**, nella RELAZIONE FASSINO, X)

\*il **consolidamento delle conoscenze (*overlearning*)** può richiedere <<un adeguato numero di ripetizioni e ripassi opportunamente distanziati nel tempo (cfr. AEBLI)

\*criteri da tenere presenti nelle esercitazioni:

- le esercitazioni debbono sempre riferirsi a concetti ed operazioni che gli alunni hanno già appreso in precedenza
- le esercitazioni non debbono essere effettuate meccanicamente, ma debbono riferirsi sempre a situazioni nuove, <<*in modo che ogni singolo alunno sia indotto ad una partecipazione quanto più intensa possibile*>>(AEBLI)
- le esercitazioni debbono essere presentate secondo una gradazione di difficoltà, in modo da assicurarne la corretta esecuzione da parte di tutti gli alunni
- esercitarsi poco ma spesso
- le esercitazioni <<*debbono essere opportunamente distribuite nel tempo ed effettuate pochi giorni dopo l'apprendimento e ripetute dopo alcune settimane, dopo un trimestre e, infine, dopo sei-nove mesi*>> (AEBLI).

## **H - PRINCIPIO DELLA VERIFICA**

\*dato che i concetti matematici hanno una loro intrinseca organicità, la padronanza di alcuni concetti è condizione per l'apprendimento dei successivi concetti

\*ne consegue che è compito degli insegnanti procedere ad opportune **verifiche** per accertare:

-quali apprendimenti matematica l'alunno ha in precedenza realizzato, quali **strumenti** e quali **strategie risolutive** egli utilizza e quali sono le difficoltà che incontra

-se i singoli alunni sono in possesso dei necessari **prerequisiti** per affrontare una nuova unità didattica

-<<*tempestivamente eventuali difficoltà e carenze*>> che vanno immediatamente superate (Valutazione continua o formativa)

\***connesso al problema della verifica è quello della correzione, la quale assume due funzioni:**

-la prima consente di accertare il rendimento dell'alunno nella prestazione specifica e complessiva, e perciò rientra nella problematica generale della verifica

-la seconda, che è quella più comune nella scuola elementare, consiste nell'eliminazione degli errori dai compiti

\*relativamente alla seconda funzione, occorre tenere presente che lo scopo della correzione non è quello di collezionare quaderni di esercitazioni corrette dall'insegnante, ma di mettere gli alunni nelle condizioni di non fare più errori: non si corregge il compito, ma l'alunno!

\*pertanto, la correzione deve essere effettuata in modo tale che l'alunno possa prendere consapevolezza dell'errore e correggere le proprie prestazioni

\*ciò implica che gli errori siano scoperti dai singoli alunni, anche se con l'eventuale aiuto degli insegnanti o degli stessi compagni (autocorrezione)

\***la correzione deve sempre risolversi in autocorrezione:** l'insegnante deve limitarsi ad aiutare gli alunni a scoprire gli errori, fino al punto che il suo intervento deve venir meno, perché l'alunno ha imparato a correggersi da solo: imparare ad imparare significa anche imparare a scoprire i propri errori, e cioè saper stabilire se si è effettivamente imparato

\*in tale prospettiva servono anche particolari strumenti didattici: schedari autocorrettivi, calcolatrici tascabili, macchine per insegnare, compresi i computer.